



Je révise  
mes maths  
en 3<sup>e</sup>



Maths

Des fiches "Résumé" l'essentiel du programme de 3<sup>e</sup>

**Les nombres, les calculs, les  
mesures et éléments de  
géométrie.**



FOAD-SPIRIT

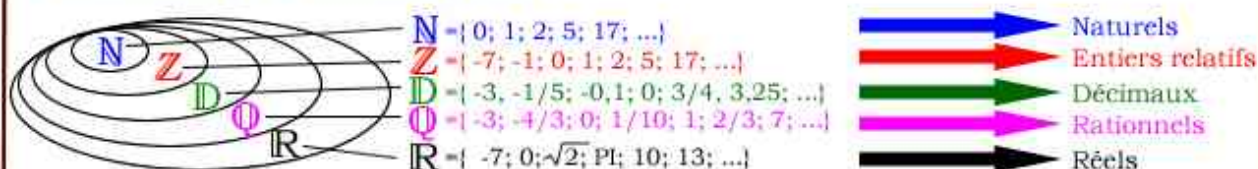


Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Les nombres

Classement des nombres en 5 catégories :

### Schéma à mémoriser



**N** : ensemble des nombres naturels

**Z** : ensemble des nombres entiers dont les nombres entiers naturels.

**D** : ensemble des nombres décimaux :  
 . où le dénominateur est divisible par 2 ou 5 :  $-1/10$  ;  $1/5$  ;  $3/4$  ; ...  
 . Les nombres dont le nombre de chiffres après la virgule est fini :  $-0,1$  ;  $0,25$  ;  $0,003$  ; ...  
 . dont les nombres entiers relatifs et les entiers naturels.

**Q** : ensemble des nombres rationnels  
 . tous les nombres rationnels pouvant s'écrire sous la forme s'écrire sous forme de fraction de deux entiers :  $-3 = -3/1$  ;  $3,25 = 325/100$  ;  $12,3/7 = 123/70$  ;  $16 = 4/1$ ... + en gros tous les chiffres avec virgule sauf les irrationnels comme  $\pi$  ou les racines carrées comme  $\sqrt{2}$  ou  $\sqrt{8}$  qui ne peuvent pas s'écrire comme fractions d'entiers.  
 . dont les nombres entiers relatifs, les entiers naturels et les décimaux.

**R** : ensemble des nombres réels : les rationnels et les irrationnels  
 . tous les nombres irrationnels comme  $\pi$  ;  $2$  ;  $8$  ;  $7$  ;  $18$  ; ...  
 . dont les nombres entiers relatifs, les entiers naturels, les décimaux et les rationnels.

### La division euclidienne

### Formule à mémoriser

$$D = (d \times q) + r$$

$r$  est supérieur ou égal 0 et inférieur au diviseur ( $d$ ).

Cette formule correspond à la division d'un **Dividende (D)** par un **diviseur (d)**  $\neq 0$ , donnant un **quotient (q)** et un **reste (r)** entier supérieur ou égal à zéro et inférieur au diviseur ( $b$ )

**Dividende**      **diviseur**

103	2	
- 10		51
03		quotient
- 2		
1		
reste		

### Le saviez-vous ?

- Un nombre est divisible :
- . par 2 si le chiffre des unités est pair : 12, 18, 22, 44...
  - . par 5 si le chiffre des unités est 0 ou 5 : 45, 90...
  - . par 4 si le nombre formé par ses deux derniers chiffres est divisible par 4 : 624, 916, 844...
  - . par 3 si la somme des chiffres est divisible par 3 : 15, 921, 1026...
  - . par 9 si la somme des chiffres est divisible par 9 : 27, 927, 1026...





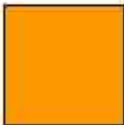



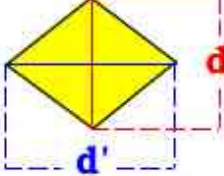
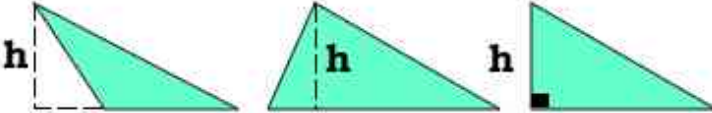
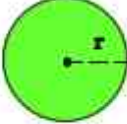



FOAD-SPIRIT



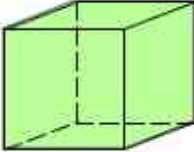
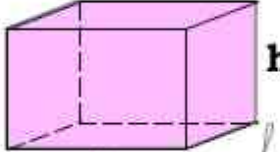
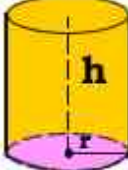

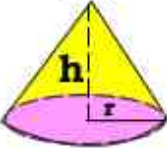
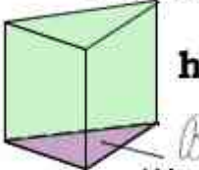
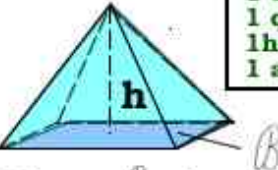
Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

Aires

<p><b>Carré</b></p>  <p><b>c</b></p> <p>Aire : <math>c^2</math></p>	<p><b>Rectangle</b></p>  <p><b>L</b></p> <p>Aire : <math>L \times l</math></p>	<p><b>Trapèze</b></p>  <p><b>b</b></p> <p><b>B</b></p> <p>Aire : <math>\frac{B + b}{2} \times h</math></p>	<p><b>Parallélogramme</b></p>  <p><b>a</b></p> <p>Aire : <math>a \times h</math></p>	<p><b>Losange</b></p>  <p><b>d</b></p> <p><b>d'</b></p> <p>Aire : <math>\frac{d \times d'}{2}</math></p>
<p><b>Triangle</b></p>  <p><b>h</b></p> <p><b>b</b></p> <p>Aire : <math>\frac{b \times h}{2}</math></p>			<p><b>Disque</b></p>  <p><b>r</b></p> <p>Aire : <math>\pi \times r^2</math></p>	<p><b>Sphère</b></p>  <p><b>r</b></p> <p>Aire : <math>4 \times \pi \times r^2</math></p>

Volume

Si les dimensions d'une figure sont multipliées par K alors les aires sont multipliées par  $K^2$  et les volumes par  $K^3$ .

<p><b>Cube</b></p>  <p><b>c</b></p> <p>Volume : <math>c^3</math></p>	<p><b>Parallélogramme rectangle</b></p>  <p><b>L</b></p> <p><b>h</b></p> <p>Volume : <math>L \times l \times h</math></p>	<p><b>Cylindre</b></p>  <p><b>h</b></p> <p><b>r</b></p> <p>Volume : <math>\pi \times r^2 \times h</math></p>	<p><b>Boule</b></p>  <p><b>r</b></p> <p>Volume : <math>\frac{4}{3} \times \pi \times r^3</math></p>
<p><b>Cône</b></p>  <p><b>h</b></p> <p><b>r</b></p> <p>Volume : <math>\frac{\pi \times r^2 \times h}{3}</math></p>	<p><b>Prisme droit</b></p>  <p><b>h</b></p> <p><b>B</b></p> <p>(Aire de la base)</p> <p>Volume : <math>B \times h</math></p>	<p><b>Pyramide</b></p>  <p><b>h</b></p> <p><b>B</b></p> <p>Volume : <math>\frac{B \times h}{3}</math></p>	<p>1 dm<sup>3</sup> = 1 litre 1 quintal = 100 kg 1 hectare = 10 000 m<sup>2</sup> 1 are = 100 m<sup>2</sup></p>



FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs, les mesures et éléments de géométrie.

Angles

Aigu	Obtus	Opposés	Droit	Alternes-internes	Correspondants
$> 0^\circ$ et $< 90^\circ$	$> 180^\circ$ et $< 360^\circ$	$\sphericalangle = \sphericalangle$	$\sphericalangle = 90^\circ$	$\sphericalangle = \sphericalangle$	$\sphericalangle = \sphericalangle$

Encore à retenir...

Inéquation

Lorsque l'on multiplie ou divise par un nombre négatif les deux membres de l'inéquation, on inverse le signe.

$5 < 6 \Rightarrow$  si on multiplie par  $(-1)$  les deux membres de l'inéquation alors on inverse le sens du signe  
 $(-1) \times 5 > (-1) \times 6 \Rightarrow -5 > -6$

Fonction

- . **Fonction affine** : la fonction  $f$  traduisant cette situation est définie par  $f(x) = ax + b$
- . **Fonction linéaire** : la fonction  $f$  traduisant cette situation est définie par  $f(x) = ax$
- . **image d'une fonction**. L'image de 3 par  $f$  ( $f(x) = -4x$ ) est donnée par  $f(3) = -4 \times 3 = -12$  (image)
- . **l'antécédent d'une fonction**. On recherche  $x$  tel que  $f(x) = -8$ , soit  $-4x = -8 \Rightarrow x = 2$  (antécédent)

Système de 2 équations du 1<sup>er</sup> degré à 2 inconnues

Deux méthodes de résolution : par combinaison ou par substitution.

Exemple : 
$$\begin{cases} 3x + 2y = -5 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$$

**Par COMBINAISON :**  
On soustrait, additionne, multiplie, divise afin d'éliminer une inconnue.

Pour éliminer  $y$  on va multiplier la 2<sup>e</sup> équation par  $-2$ , puis additionner les deux équations entre elles.

$$\begin{cases} 3x + 2y = -5 & \text{①} \\ 2x + y = 3 & \text{②} \end{cases} \text{ (multiplication par } -2\text{)}$$

$$\begin{cases} 3x + 2y = -5 \\ +4x - 2y = -6 \end{cases} \text{ (on additionne les deux équations)}$$

$$-x + 0 = -11 \Rightarrow x = 11$$

On remplace  $x$  par sa valeur dans la 1<sup>ère</sup> équation, soit :  $3(11) + 2y = -5 \Rightarrow y = -19$   
Le système admet pour solution le couple  $(11 ; -19)$ .

**Par SUBSTITUTION :**

- 1- On exprime  $y$  en fonction de  $x$  dans la 1<sup>ère</sup> équation,
- 2- On remplace  $y$  dans la 2<sup>e</sup> équation pour trouver  $x$
- 3- La solution équation est le couple  $(x ; y)$

$$\begin{cases} 3x + 2y = -5 & \text{①} \\ 2x + y = 3 & \text{②} \end{cases}$$

1- On exprime  $y$  en fonction de  $x$  dans la 1<sup>ère</sup> équation :  $3x + 2y = -5 \Rightarrow y = \frac{-3x - 5}{2}$

2- On remplace  $y$  dans la 2<sup>e</sup> équation pour trouver  $x$  :  $2x + \frac{-3x - 5}{2} = 3 \Rightarrow \frac{4x - 3x - 5}{2} = 6$

$$\Rightarrow x - 5 = 6 \Rightarrow x = 11$$

On remplace  $x$  par sa valeur dans la 1<sup>ère</sup> équation, soit :  $3(11) + 2y = -5 \Rightarrow y = -19$   
Le système admet pour solution le couple  $(11 ; -19)$ .





FOAD-SPIRIT



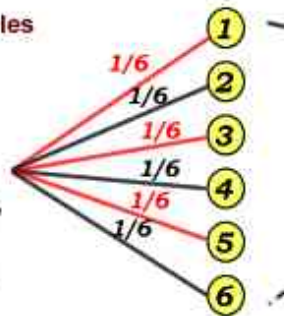
Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Arbre des possibles (arbre pondéré)

Pour calculer la probabilité d'un événement, on additionne les possibilités figurant sur les branches de l'arbre pondéré.

Exemple : On lance un dé cubique.

- Quel est le nombre d'issues possibles ?  
il y a 6 faces différentes, donc 6 issues possibles.
- Quels sont les événements possibles ?  
Il y a 6 événements possibles : "obtenir un", "obtenir 2", "obtenir 3", "obtenir 4", "obtenir 5", "obtenir 6".
- Quelle est la probabilité d'obtenir un chiffre impair ?  
 $p(\text{obtenir un chiffre impair}) = p(\text{obtenir 1}) + p(\text{obtenir 3}) + p(\text{obtenir 5}) = 1/6 + 1/6 + 1/6 = 3/6 = 1/2$ .



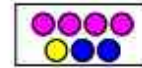
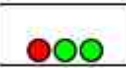
On additionne  
les possibilités  
 $p(\text{impair}) = 1/6 + 1/6 + 1/6$

### Expériences aléatoires à deux épreuves

Dans une expérience à plusieurs épreuves, la probabilité d'un événement est égale au produit des probabilités rencontrées le long du chemin qui mène à cet événement.

Exemple 1 : On tire d'abord une boule dans la boîte A et on note sa couleur. Ensuite, on tire une boule dans la deuxième boîte B et on note la couleur.

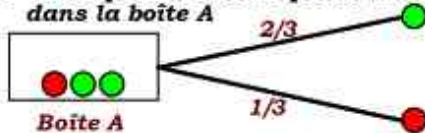
Quelle est la probabilité d'obtenir une boule rouge et une boule jaune ?



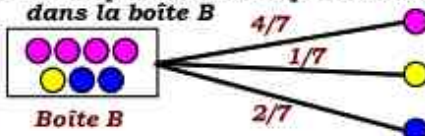
Boîte A

Boîte B

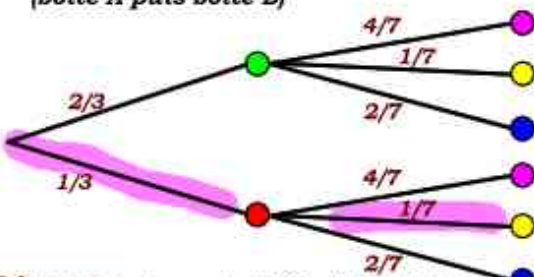
1. Arbre pondéré correspondant au tirage dans la boîte A



2. Arbre pondéré correspondant au tirage dans la boîte B



3. Arbre pondéré correspondant aux 2 tirages (boîte A puis boîte B)



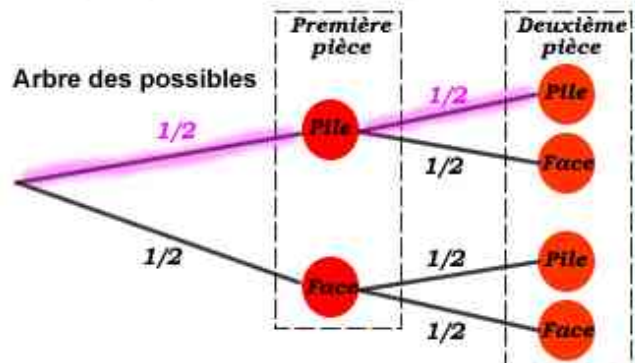
Réponse : La probabilité d'obtenir le rouge et le jaune = au produit des probabilités rencontrées le long du chemin qui mène à cet événement.  $p(\text{rouge, jaune}) = 1/3 \times 1/7 = 1/21$ .

Exemple 2 : on lance l'une après l'autre deux pièces de monnaie.

Quelle est la probabilité d'obtenir le côté pile pour chacune des pièces ?



Arbre des possibles



Réponse : La probabilité d'obtenir pile pour les deux pièces = au produit des probabilités rencontrées le long du chemin qui mène à cet événement.  $\Rightarrow p(\text{pile, pile}) = 1/2 \times 1/2 = 1/4$ .



FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Arithmétique

**Les nombres premiers** : nombres qui admettent exactement 2 diviseurs (1 et lui-même). Les nombres 0 et 1 ne sont ni premiers ni composés.

Les vingt-cinq nombres premiers inférieurs à 100 sont :

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89 et 97.

**Le PPCM** : Plus Petit Commun Multiple à deux ou plusieurs nombres.

**Procédure** : on décompose les nombres en facteurs premiers et on prend **TOUS** les nombres premiers avec le plus grand exposant.

**Exemple** : 1500 est le PPCM de 375 et 60.

On décompose en facteurs premiers :

- .  $375 = 5^3 \times 3$
- . et  $60 = 2^2 \times 5 \times 3$
- . =>  $\text{PPCM} = 2^2 \times 5^3 \times 3 = 4 \times 125 \times 3 = 1500$

**Le PGCD** : Plus Grand Commun Diviseur à deux ou plusieurs nombres.

**Procédure** : on décompose les nombres en facteurs premiers et on prend **UNIQUEMENT** les nombres premiers COMMUNS avec le plus petit exposant.

**Exemple** : 15 est le PGCD de 375 et 60.

On décompose en facteurs premiers :

- .  $375 = 5^3 \times 3$
- . et  $60 = 2^2 \times 5 \times 3$
- . =>  $\text{PGCD} = 5 \times 3 = 15$

Le saviez-vous ?

Des nombres premiers entre eux sont des nombres dont le PGCD vaut 1.  
Exemple : 8 et 15 sont premiers entre eux (il n'y a pas de facteurs premiers communs entre 8 et 15).



### Puissances

$$a^n = a \times a \times \dots \times a \text{ (a étant répété } n \text{ fois)}$$

$$a^1 = a$$

$$a^0 = 1 \text{ (avec } a \neq 0)$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$a^n \times a^p = a^{n+p}$$

$$(a^n)^p = a^{n \times p}$$

$$(a \times b)^n = a^n \times b^n$$

$$\frac{a^n}{a^p} = a^{n-p} \text{ (avec } a \neq 0)$$

$$3^5 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 243$$

$$4^1 = 4$$

$$5^0 = 1$$

$$6^{-2} = \frac{1}{6^2}$$

$$3^2 \times 3^4 = 3^{2+4} = 3^6$$

$$(5^2)^4 = 5^{2 \times 4} = 5^8$$

$$(2 \times 3)^4 = 2^4 \times 3^4$$

$$\frac{7^2}{7^5} = 7^{2-5} = 7^{-3} = \frac{1}{7^3}$$

Exemples



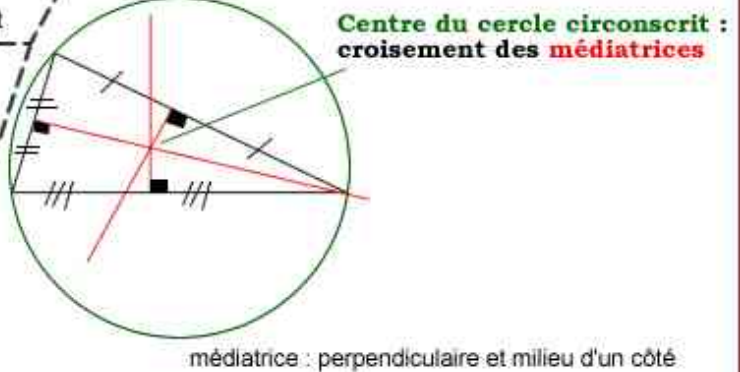
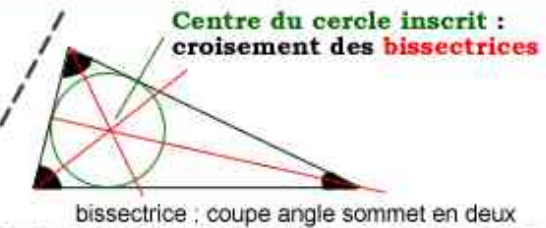
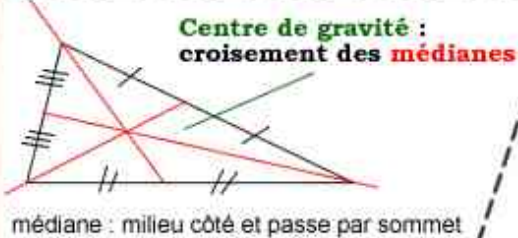


FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Droites particulières du triangle



### Approximation

Pour 3,142857 :

- . Une valeur approchée par défaut à 1/10 près est 3,1
- . Une valeur approchée par excès à 1/10 près est 3,2
- . Une valeur approchée par défaut à 1/1000 près est 3,142
- . Une valeur approchée par excès à 1/1000 près est 3,143

Ca vaut trois  
euros et des  
brouettes...



### Petit rappel

- . Si deux angles sont complémentaires (dont la mesure vaut  $90^\circ$ ), le cosinus de l'un vaut est égal au sinus de l'autre.
- .  $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$
- . Réciproque du théorème de Pythagore : si dans un triangle ABC,  $AB^2 + AC^2 = BC^2$ , alors ABC est rectangle en A.
- . Contraposée du théorème de Pythagore : si dans un triangle ABC,  $AB^2 + AC^2 \neq BC^2$ , alors le triangle ABC n'est pas rectangle en A.





FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Fractions

**Simplification d'une fraction :** il faut diviser son numérateur **ET** son dénominateur par le même nombre.

$$1 \quad \frac{42}{14} = \frac{42 : 2}{14 : 2} = \frac{21}{7} = \frac{21 : 7}{7 : 7} = \frac{3}{1} = 3$$

$$2 \quad \frac{42}{27} = \frac{42 : 3}{27 : 3} = \frac{14}{9}$$

**Fraction irréductible :** fraction qui ne peut plus être simplifiée.

$$1 \quad \frac{14}{9} \text{ est la fraction irréductible de } \frac{42}{27}$$

$$2 \quad \frac{4}{3} \text{ est la fraction irréductible de } \frac{12}{9}$$

**Addition et soustraction de fractions :** il faut tout d'abord réduire au même dénominateur (avoir le même dénominateur).

$$1 \quad \frac{14}{9} + \frac{42}{27} = \frac{14}{9} + \frac{42 : 3}{27 : 3} = \frac{14}{9} + \frac{14}{9} = \frac{28}{9}$$

$$2 \quad \frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} - \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{4}{12} - \frac{3}{12} = \frac{1}{12}$$

**Multiplication et division de fractions :**

#### Multiplication

$$\frac{10}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{10 \times 3}{9 \times 5} = \frac{30}{45}$$

#### Division

$$\frac{10}{9} : \frac{3}{5} = \frac{10}{9} \times \frac{5}{3} = \frac{10 \times 5}{9 \times 3} = \frac{50}{27}$$

**Inversion** numérateur et dénominateur et l'opérateur : devient **x**.

$$\frac{4}{9} \times 3 = \frac{4 \times 3}{9 \times 1} = \frac{12}{9}$$

$$\frac{10}{9} : 9 = \frac{10}{9} : \frac{9}{1} = \frac{10}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{10 \times 1}{9 \times 9} = \frac{10}{81}$$

Ici, on pose **1** au dénominateur (**9/1**), on **inverse** le numérateur et le dénominateur et l'opérateur : devient **x**.

Si on divise par une fraction, on multiplie par son inverse !







FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

### Proportionnalité

Exemple : On sait que 3 kg de pomme de terre coûte 15 €.

Tableau de proportionnalité  
correspondant à ce problème...

Coefficient de proportionnalité...

Poids (kg)	3	?	4	$\left. \begin{array}{l} \nearrow 3/15 \\ \searrow 15/3 \end{array} \right\}$
Prix (€)	15	12	?	

Il faut suivre la flèche :  
le sommet de la flèche  
montre le numérateur...



- Quel est le prix de 4 kg de pomme de terre ?  $4 \times 15/3 = 20$  €.
- Combien de kg de pomme de terre peut-on avoir pour 12 € ?  $12 \times 3/15 = 2,4$  kg.

### Pourcentage

● Pourcentage d'une quantité a par rapport à une quantité b (avec  $b \neq 0$ ) :  $\frac{a}{b} \times 100$

● Exemple : Part en % de 3 par rapport à 150 =  $\frac{3}{150} \times 100 = 2\%$ .

● Exemple : 6% de 30 est égal à  $30 \times \frac{6}{100} = \frac{180}{100} = 1,8$ .

● Résultat, pour une quantité initiale x, d'une augmentation de a % :  $x \left(1 + \frac{a}{100}\right)$

● Exemple : pour 30 €, une hausse de 7% représente un prix au final égal à  $30 \left(1 + \frac{7}{100}\right) = 30 (1,07) = 32,1$  €.

● Résultat, pour une quantité initiale x, d'une diminution de a % :  $x \left(1 - \frac{a}{100}\right)$

● Exemple : pour 30 €, une diminution de 7% représente un prix au final égal à  $30 \left(1 - \frac{7}{100}\right) = 30 (0,93) = 27,9$  €.

### Vitesse

Relation en distance (d), vitesse (v) et temps (t) :  $d = v \times t$ .

Exemple : une distance de 80 km parcourue en 45 min, correspond à une vitesse moyenne égale à  $80 \text{ km} / 0,75 \text{ h} = 60 \text{ km/h}$ . (Nota : 45 min => conversion en h =>  $45/60 = 0,75$ )

### Echelle

Relation entre échelle (e), dimension réelle (r) et dimension sur le plan (p) :  $e = p/r$ .

Exemple : une échelle exprimée par 1/300 signifie que 1 cm sur le papier représente 300 cm dans la réalité (nota :  $e = p/r \Rightarrow r = p/e = \frac{1}{1/300} = 1 \times 300 = 300$  cm).

$$\frac{1}{300}$$



FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

Radicaux

●  $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$

●  $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$

●  $\sqrt{a^2}$  est le nombre positif dont le carré est égal à a :  $(\sqrt{a})^2 = a$

Exemple :  $\sqrt{16} = 4$  mais  $\sqrt{-16}$  n'existe pas.

Exemples

●  $\sqrt{6} \times \sqrt{6} = \sqrt{6 \times 6} = \sqrt{6^2} = 6$

●  $\sqrt{9} \times \sqrt{5} = \sqrt{9 \times 5} = \sqrt{40} = \sqrt{2^2 \times 10} = 2\sqrt{10}$

●  $\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{54}{6}} = \sqrt{\frac{9 \times 6}{6}} = \sqrt{9} = \sqrt{3^2} = 3$

●  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}} \times \sqrt{\frac{6}{2}} = \sqrt{\frac{2}{6}} \times \sqrt{\frac{6}{2}} = \sqrt{\frac{2 \times 6}{6 \times 2}} = \sqrt{1} = 1$

●  $\sqrt{7^2} = 7$  et  $\sqrt{(-7)^2} = 7$

RACINES CARRÉES A CONNAÎTRE :

- 11<sup>2</sup> = 121
- 12<sup>2</sup> = 144
- 13<sup>2</sup> = 169
- 14<sup>2</sup> = 196
- 15<sup>2</sup> = 225
- 16<sup>2</sup> = 256
- 17<sup>2</sup> = 289

Les radicaux, c'est radical !



Identités remarquables

●  $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$

●  $(a - b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$

●  $a^2 - b^2 = (a + b) (a - b)$

Exemples

●  $(2x + 3)^2 = (2x)^2 + 3^2 + 12x = 4x^2 + 9 + 12x$

●  $(2 - 3x)^2 = 2^2 + (3x)^2 - 12x = 4 + 9x^2 - 12x$

●  $9 - x^2 = (3 + x) (3 - x)$

Reconnaître une identité,  
c'est remarquable !







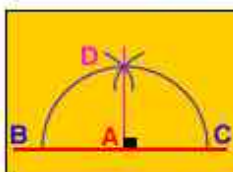
FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

Tracer au compas et à la règle

Tracer une droite perpendiculaire avec compas et règle :

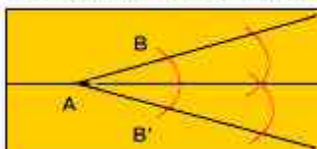


- 1- Tracer une droite, puis placer un point A.
- 2- Tracer un demi-cercle de centre A et nommer les points d'intersection B et C.
- 3- Tracer 2 arcs de cercle de centre B et C de même rayon mais supérieur à BA et placer D. Tracer (AD). (AD) est la médiatrice de [BC].

Juste à la  
règle et au  
compas...

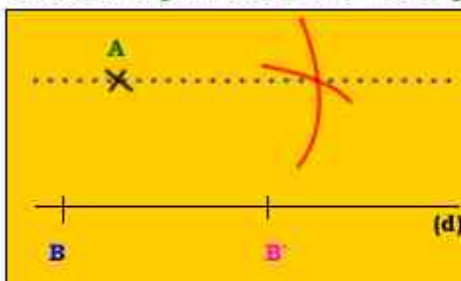


Tracer une bissectrice avec compas et règle :



- 1- tracer un arc quelconque de centre A,
- 2- tracer 2 arcs de même rayon à partir du centre B et B',
- 3- tracer la droite qui relie A à l'intersection des deux arcs.

Tracer une parallèle à une droite passant par un point avec compas et règle :



- 1- Placer deux points sur (d) et les nommer B et B'.
- 2- Au compas, prendre l'écartement entre A et B
- 3- Se placer sur B' et tracer un arc de cercle avec cet écartement
- 4- Au compas, prendre l'écartement entre B et B'
- 5- Se placer sur le point A et tracer un arc de cercle avec cet écartement
- 6- Relier les points A et le point d'intersection des 2 arcs de cercle.

Changer de base

● Ecrire en base 10 un nombre donné en base b

$$\overline{MCDU}^b = (M \times b^3) + (C \times b^2) + (D \times b^1) + (U \times b^0)$$

- $\overline{510}^6 = (5 \times 6^2) + (1 \times 6^1) + (0 \times 6^0) = 180 + 6 + 0 = 186$  en base 10.
- $\overline{31}^3 = (3 \times 3^1) + (1 \times 3^0) = 9 + 1 = 10$  en base 10.

● Ecrire en base b un nombre donné en base 10

● Ecrire 442 en base 5

On peut utiliser un tableau de numération en partant de la plus grande puissance de 5 contenue dans le nombre donné.

$5^3 = 125$	$5^2 = 25$	$5^1 = 5$	$5^0 = 1$
3	2	3	2

$$442 = (3 \times 5^3) + (2 \times 5^2) + (3 \times 5^1) + (2 \times 5^0) = 3232 \text{ cinq}$$

● Ecrire 14 en base 2

On peut utiliser un tableau de numération en partant de la plus grande puissance de 2 contenue dans le nombre donné.

$2^3 = 8$	$2^2 = 4$	$2^1 = 2$	$2^0 = 1$
1	1	1	0

$$14 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 1110 \text{ deux}$$

Ces chiffres sont strictement < à la base :  
< 5 pour base 5 et < 2 pour base 2

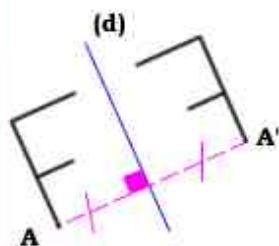


FOAD-SPIRIT



Les nombres, les calculs,  
les mesures et éléments de  
géométrie.

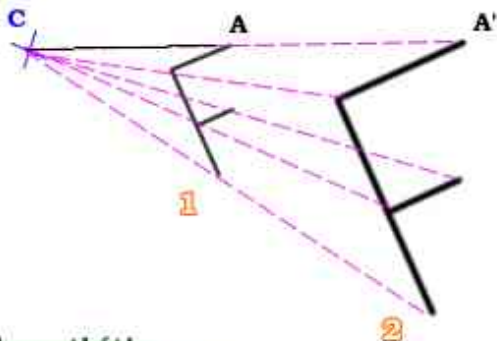
Transformation du plan



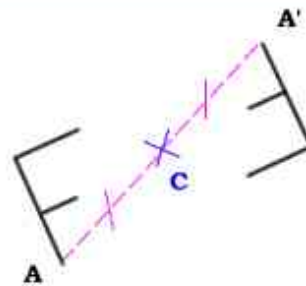
**Symétrie axiale (ou orthogonale)  
par rapport à une droite.**  
(d) est la médiatrice de [AA'].



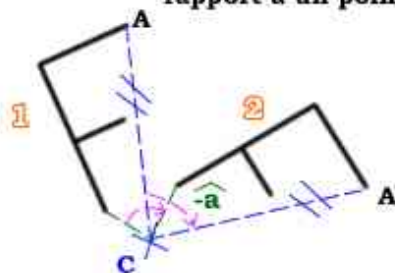
**La translation (glissement)**  
La figure 2 est l'image de la  
figure 1 par translation  
(glissement).



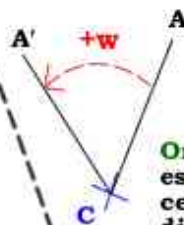
**L'homothétie**  
La figure 2 est 2 fois plus grande que la figure 1.  
Ici,  $CA' = 2 \times CA$ .  
On note :  $A' = H(C,2)A$ . On lit : A' est l'image de  
A par homothétie de rapport 2.



**Symétrie centrale par rapport à un  
point.**  
A' tel que C est le milieu de [AA'].  
Nota : la symétrie d'une droite par  
rapport à un point est une droite //.



**La rotation**  
La figure 2 a subi une rotation d'angle  $-a$  (de sens  
indirect) autour du point C par rapport à la figure 1.  
On note :  $A' = R(C, -a)(A) \Rightarrow A'$  est l'image de A par  
rotation de centre C et d'angle  $-a$  de sens indirect  
(sens des aiguilles d'une montre).



**On note :**  $A' = R(C, +w)(A) \Rightarrow A'$   
est l'image de A par rotation de  
centre C et d'angle  $+w$  de sens  
direct.

**Nota :**  
• Sens indirect : angle négatif. ↺  
• Sens direct : angle positif. ↻